

Programare evolutiva si algoritmi genetici

Activitate 4 – Problema Comis- Voiajorului (TSP)

2016

Cuprins

- Enunt
- Rezolvare – abordare genetica
- Implementare
- Exemple de rulare
- Exercitii

Enunt

- Fie:
 - n orașe interconectate două câte două
 - și D matricea costurilor de deplasare între orașe: $\forall i, j = 1, \dots, n, D(i, j)$ reprezintă costul trecerii directe de la orașul i la orașul j .
- Un comis-voiajor trebuie să facă livrări în toate orașele date, plecând dintr-un oraș i oarecare și reîntorcându-se în i .
- Problema este de a găsi o ordine de parcurgere a orașelor astfel încât costul transportului să fie minim.

Rezolvare – abordare genetica (1a)

- O configurație soluție (fenotip) este reprezentată prin intermediul unei permutări cu n elemente, x , costul parcurgerii orașelor conform lui x fiind:

$$cost(x) = D(x(n), x(1)) + \sum_{i=1}^{n-1} D(x(i), x(i+1))$$

În scopul obținerii unei probleme de maxim \Rightarrow funcția obiectiv definită pe spațiul genotipurilor este:

$$castig(x) = \frac{1}{cost(x)}$$

Rezolvare – abordare genetica (1b)

Reprezentare posibile solutii prin permutari

- fie matricea distantelor $D \rightarrow$

1	0	8	10	15
2	8	0	4	4
3	10	4	0	7
4	15	4	7	0

- si fie generata o permutare ca si posibila solutie: $c=[3 \ 1 \ 2 \ 4]$.
- se doreste calcularea functiei obiectiv

```
1 function [val] =f_objectiv(c,D)
2   [~,n]=size(c);
3   val=D(c(1),c(n));
4   disp(val); %eu
5   for i=1:n-1
6       val=val+D(c(i),c(i+1));
7       disp(c(i));
8       disp(
9   end;
10  val=1/val;
11  end
```

Pop_curenta =

3.0000	1.0000	2.0000	4.0000	0.0345
3.0000	1.0000	2.0000	4.0000	0.0345
1.0000	4.0000	2.0000	3.0000	0.0303
1.0000	3.0000	2.0000	4.0000	0.0303

Exemplu de populatie

Rezolvare – abordare genetica (1c)

Date de intrare:

1	0	8	10	15
2	8	0	4	4
3	10	4	0	7
4	15	4	7	0

- fie matricea distantelor $D \rightarrow$
- si fie generata o permutare ca si posibila solutie: $c=[3\ 1\ 2\ 4]$.

Calcularea valorii functiei obiectiv pentru permutarea generata:

- $n=4$ (dimensiunea cromozomului)
 - $val=D(c(1), c(4)) \Rightarrow val = D(3,4)$ (in permutare) = distanta dintre orasul 3 si 4 din matricea $D \Rightarrow \mathbf{val = 7}$
 - pentru $i=1:3$
 - $i=1 \Rightarrow val = val + D(c(1), c(2)) = 7 + D(3,1) = 7 + 10$ (distanta de la 3 la 1) $\Rightarrow \mathbf{val=17}$
 - $i=2 \Rightarrow val = val + D(c(2), c(3)) = 17 + D(1,2) = 17 + 8 \Rightarrow \mathbf{val=25}$
 - $i=3 \Rightarrow val = val + D(c(3), c(4)) = 25 + D(2,4) = 25 + 4 \Rightarrow val=29$
- $val_permutare = 1 / val = 0,0345$

Setari aplicatie

Rezolvare - abordare genetica (2)

Setari

1. spațiul genotipurilor: **permutări**

2. **populația inițială este generată aleator**, dimensiunea populației este *dim*;

3. **selecția părinților:**

- pe baza algoritmului SUS (Stochastic Universal Sampling), cu probabilitate de selecție din modelul FPS cu sigma-scalarea = 2;

4. operatorul de **recombinare:**

- PMX (Partially Mapped Crossover) cu pc data ca parametru de intrare (de ex. 0.8)

5. operatorul **mutație prin inversiune:** inversiunea unui subșir aleator într-un cromozom, cu probabilitatea pm data ca parametru de intrare ($pm \geq \frac{1}{dim}$);

6. condiții de oprire:

- a fost depășit un număr maxim de iterații în simularea evoluției
- a fost depășit numărul maxim de generații consecutive cu proprietatea că valoarea funcției obiectiv nu este modificată;

7. schimbul de generații:

- pe baza calității indivizilor, prin aplicarea **unui algoritm de tip elitist**, care asigură „propagarea” celui mai bun individ al populației curente, dacă acesta este mai bun decât oricare dintre progeniturile generate.

Selectarea parintilor

3. Selectia parintilor – algoritm SUS* (Pb Comis-Voiajorului) (1a)

- *Stochastic **U**niversal **S**ampling aplica principiul FPS - asigura construcția unui bazin de recombinare cât mai apropiat de o instanță a distribuției de probabilitate a selecției
- Principiu FPS: **F**itness **P**roportional **S**election:
 - pentru fiecare cromozom $y_i, 1 \leq i \leq \mu$, este calculată performanța sa, prin funcția de evaluare $f_i = f(y_i)$. Probabilitatea de selectare a individului y_i pentru încrucișare este

$$p_i = \frac{f_i}{\sum_{i=1}^{\mu} f(y_i)}$$

- Probabilitatea de selectare a individului depinde de:
 - valoarea absolută a calității individuale comparativ cu valoarea absolută a calității populației curente.

Pop_curenta =				
3.0000	1.0000	2.0000	4.0000	0.0345
3.0000	1.0000	2.0000	4.0000	0.0345
1.0000	4.0000	2.0000	3.0000	0.0303
1.0000	3.0000	2.0000	4.0000	0.0303

3. Selectia parintilor – algoritm SUS* (Pb Comis-Voiajorului) (1b)

Inconveniente FPS:

- indivizii mult superiori restului populației (din punct de vedere al valorii funcției de evaluare) vor domina întreaga populație într-un timp relativ scurt (*convergență prematură*);
- **dacă indivizii din populație sunt a.î. valorile funcției de evaluare sunt comparabile**
 - atunci nu există aproape nici o *constrângere de selecție*, iar selecția urmează legea de repartiție uniformă;
 - indivizii cu valori ale funcției de evaluare ușor superioare restului populației nu vor fi favorizați => pe parcursul evoluției GA, când indivizii mai slabi dispar și începe să se instaleze procesul de convergență, performanța indivizilor generației curente nu este semnificativ îmbunătățită;

3. Selectia parintilor – algoritm SUS (Pb Comis-Voiajorului) (1c)

- variantă **sigma-scalarea** care încorporează informațiile **medie de selecție** și **respectiv deviație standard de selecție** calculate pentru exemplele populației curente :

$$\bar{f}_t = \frac{1}{|\mathcal{P}^t|} \sum_{y \in \mathcal{P}^t} f(y)$$

$$\sigma_{f,t}^2 = \frac{1}{|\mathcal{P}^t| - 1} \sum_{y \in \mathcal{P}^t} (f(y) - \bar{f}_t)^2$$

$$g(y) = \max(f(y) - (\bar{f}_t - c \cdot \sigma_{f,t}), 0)$$

unde: c este un parametru dat (de obicei $c = 2$)

P_t – populația totală (nr de indivizi)

3. Selectia parintilor – algoritm SUS (Pb Comis-Voiajorului) (1e)

- Algoritm SUS:

Pas 1. Pentru fiecare cromozom y_i , $1 \leq i \leq \mu$:

1.1 evaluează performanța sa, prin funcția de evaluare $f_i = f(y_i)$;

1.2 calculează probabilitatea de selecție din mecanismul de tip FPS sau cea bazată pe ranguri, p_i și probabilitatea cumulată $q_i = \sum_{j=1}^i p_j$

Pas 2. generează aleator un număr $r \in [0, 1/\mu]$; $i=1$; $k=1$;

Pas 3. Cât timp $k \leq \mu$ execută 3.1 și 3.2

3.1 cât timp $r \leq q_i$ execută 3.1.1, 3.1.2 și 3.1.3

3.1.1 parinte(k)= y_i ;

3.1.2 $r = r + 1/\mu$;

3.1.3 $k = k + 1$;

3.2 $i = i + 1$

r este generat aleator în intervalul $[0, 1/\mu]$ și după fiecare selecție efectuată este mărit cu $1/\mu$

=> nr. de copii al fiecărui cromozom y_i în bazinul de recombinare este cel puțin $[\mu \cdot p_i]$ și cel mult $[\mu \cdot p_i] + 1$, unde $[x]$ este partea întreagă a numărului real x .

3.Selectia parintilor – algoritm SUS (Pb Comis-Voiajorului) (1)

Populatie initiala

4.0000	3.0000	1.0000	2.0000	0.0345
3.0000	1.0000	2.0000	4.0000	0.0345
4.0000	1.0000	2.0000	3.0000	0.0294
1.0000	2.0000	4.0000	3.0000	0.0345
2.0000	3.0000	1.0000	4.0000	0.0303

Rezultat algoritm SUS

medie= 0.0326

sigma= 0.0026 (dev. std)

val=medie-c*sigma

val= 0.0275

//calcul sigma-scalarea

g[1]= 0.0070

g[2]= 0.0070

g[3] = 0.0019

g[4] = 0.0070

g[5] = 0.0028

Calcul suma elemente vector g
= 0.0255

Distrib. de probab pentru
generarea de parinti (p=g/s):

p[1] = 0.2725

p[2] = 0.2725

p[3] = 0.0738

p[4] = 0.2725

p[5] = 0.1087

Calcul vector q
(q(i)=sum(p(1:i))):

q[1]= 0.2725

q[2]= 0.5449

q[3] = 0.6188

q[4] = 0.8913

q[5]= 1.0000

r generat aleator =
0.1699

3.Selectia parintilor – algoritm SUS (Pb Comis-Voiajorului) (2)

- while ($i \leq \text{dim}$)
- while($r \leq q(j)$)
- Parinti($i, :$)=Pop($j, :$);
- $i = i + 1$;
- $r = r + 1 / \text{dim}$;
- end;
- $j = j + 1$;
- end;

Calcul vector q ($q(i) = \text{sum}(p(1:i))$) =
q[1]= 0.2725
q[2]= 0.5449
q[3] = 0.6188
q[4] = 0.8913
q[5]= 1.0000

r generat aleator =
0.1699

Din populatia initiala \Rightarrow populatia de parinti

Operatorul de recombinarea

4. Operatorul de **recombinare** (1)

- Recombinarea (încrucișarea)
 - procesul creării de noi soluții candidat pe baza informației conținute în două (sau mai multe) soluții candidat părinți
 - **PMX** (**P**artially **M**apped Crossover)

4. Operatorul de recombinare (2)

- Exemplu

fie $m = 10, p_1 = 4, p_2 = 7,$

x_1	1	2	4	6	5	7	3	9	10	8
y_1	10	5	3	7	9	2	1	8	6	4

După aplicarea primului pas, obținem

x_2				6	5	7	3			
-------	--	--	--	---	---	---	---	--	--	--

La pasul 2 rezultă $A = \{(9,5), (2,6), (1,7)\}$

4. Operatorul de recombinare (3)

La pasul 3: $a = 9, p = 5, b = x_2(5) = 5$

Deoarece $y_1(2) = 5$ și gena 2 din x_2 nu are încă valoare, setează $x_2(2) = 9$. Obținem

x_2

	9		6	5	7	3			
--	---	--	---	---	---	---	--	--	--

$a = 2, p = 6, b = x_2(6) = 7$

Deoarece $y_1(4) = 7$ și gena 4 din x_2 are valoarea $x_2(4) = 6$, rezultă $c = 6, y_1(9) = 6$, deci $j = 9$ și setează $x_2(9) = 2$. Obținem

x_2

	9		6	5	7	3		2	
--	---	--	---	---	---	---	--	---	--

$a = 1, p = 7, b = x_2(7) = 3$

Deoarece $y_1(3) = 3$ și gena 3 din x_2 nu are încă valoare, setează $x_2(3) = 1$. Obținem

x_2

	9	1	6	5	7	3		2	
--	---	---	---	---	---	---	--	---	--

La pasul 4 vor fi plasate în x_2 , în ordinea genelor rămase fără valori, alelele 10, 8 și 4 (alelele din y_1 ce nu au fost copiate încă în prima progenitură). Rezultă

x_2

10	9	1	6	5	7	3	8	2	4
----	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Operatorul de mutatie

5. Operatorul de mutatie (1)

- Operatorul mutatie (OM):
 - operatorul genetic prin care, dintr-un singur parinte este obtinut un singur copil prin aplicarea unei modificari aleatoare a reprezentarii (genotipului)
- Exemplu mutatie prin inversiune
 - parinte $x_1 = 4\ 3\ \mathbf{1\ 7\ 8\ 5}\ 2\ 6$
 - pozitii 3 si 6
 - \Rightarrow copil $x_2 = 4\ 3\ \mathbf{5\ 8\ 7\ 1}\ 2\ 6$

Schimbul de generatii

7. Schimbul de generații (1)

- Elitism - evitarea pierderii celor mai bine adaptați indivizi la schimbul de generații.
- Din Populatia curenta si din Poluatia de copii => Populatia urmatoare

7. Schimbul de generații (2)

Aplicarea strategiei de elitism:

- fie populația curentă și populația de copii (fiecare cu valoarea funcției obiectiv)

Pop_curenta =				
3.0000	1.0000	2.0000	4.0000	0.0345
3.0000	1.0000	2.0000	4.0000	0.0345
1.0000	4.0000	2.0000	3.0000	0.0303
1.0000	3.0000	2.0000	4.0000	0.0303

Copii =				
3.0000	1.0000	2.0000	4.0000	0.0345
3.0000	1.0000	2.0000	4.0000	0.0345
1.0000	4.0000	2.0000	3.0000	0.0303
1.0000	3.0000	2.0000	4.0000	0.0303

- identificăm maximum pentru Pop_curenta (reținem maximum și linia):
 - val1=0.0345 pe poziția i1=1
- identificăm maximum din Copii (reținem valoarea):
 - v2=0.0345
- dacă val1 > val2 (nu e cazul aici) => atunci linia din Pop_curenta trece în Pop_urm înlocuind o poziție aleator

best = Pop_curenta(i1,:)

ind = unidrnd(dim) %inlocuiesc un copil aleator

Pop_urm(ind,:) = best

Implementare

Implementare

- Functii:

- `function [val] =f_objectiv(c,D)`
- `function [y]=gen_perm(m);`
- `function [Pop,D] = gen_pop_permutari(dim,nume) // generarea populatiei initiale`
- `function [Parinti] =SUS(Pop) //generare parinti`
- `function [c1,c2] = PMX(x1,y1)`
- `function [Copii] = crossover(Pop,pc,D) //generare copii prin recombinare parinti`
- `function [y] = inversiune(x)`
- `function [CopiiM] = mutatie(Pop,pm,D) //generare copil dintr-un parinte`
- `function [Pop_urm] =elitism(Pop_curenta,Copii) //calcul generatie urmatoare`
- `function [cost,solutie] =GA_TSP(dim,numefis,pc,pm,MAX,NRG)//calcul problema TSP`
- *+ fisiere cu distante*

Implementare (1)

```
function [val] =f_obiectiv(c,D)  
[~,n]=size(c);  
val=D(c(1),c(n));  
for i=1:n-1  
    val=val+D(c(i),c(i+1));  
end;  
val=1/val;  
end
```

```
function [y]=gen_perm(m);  
y=zeros(1,m);  
for i=1:m  
    gata=0;  
    while(~gata)  
        v=unidrnd(m);  
        if(~ismember(v,y))  
            y(i)=v;  
            gata=1;  
        end;  
    end;  
end;  
end;  
end
```

```
function [ Pop,D ] =  
gen_pop_permutari(dim,nume)  
D=load(nume);  
[~,n]=size(D);  
Pop=zeros(dim,n+1);  
for i=1:dim  
    Pop(i,1:n)=gen_perm(n);  
    Pop(i,n+1)=f_obiectiv(Pop(i,1:n),D);  
end;  
end
```

Implementare (2)

```
function [Parinti] =SUS(Pop)
[dim,m]=size(Pop);
n=m-1;
%SUS implementat pe distributia de probabilitate FPS cu
sigma-scalare, c=2
c=2;
medie=mean(Pop(:,n+1));
sigma=std(Pop(:,n+1));
val=medie-c*sigma;
g=zeros(1,dim);
for i=1:dim
    g(i)=max([Pop(i,n+1)-val 0]);
end;
s=sum(g);
%p este distributia de probabilitate dupa care se face
generarea populatiei
%de parinti
p=g/s;
q=zeros(1,dim);
for i=1:dim
    q(i)=sum(p(1:i));
end;
```

```
%generarea populatiei de parinti conform SUS
Parinti=zeros(dim,m);
r=unifrnd(0,1/dim);
i=1;j=1;
while (i<=dim)
    while(r<=q(j))
        Parinti(i,:)=Pop(j,:);
        i=i+1;
        r=r+1/dim;
    end;
    j=j+1;
end;
end
```

Implementare (3-1)

```
function [c1,c2] = PMX(x1,y1)
```

```
%implementarea operatorului PMX pentru doua permutari  
parinte (x1,y1)
```

```
n=length(x1);
```

```
gen=0;
```

```
while(~gen)
```

```
    poz=unidrnd(n,[1 2]);
```

```
    p1=min(poz);p2=max(poz);
```

```
    if(p1<p2)
```

```
        gen=1;
```

```
    end;
```

```
end;
```

```
c1=c_PMX(x1,y1,p1,p2);
```

```
c2=c_PMX(y1,x1,p1,p2);
```

```
end
```

```
function [c]=c_PMX(x1,y1,p1,p2)
```

```
n=length(x1);
```

```
%la momentul initial, toate genele cromozomului copil  
sunt "libere"
```

```
c=zeros(1,n);
```

```
%copiază genele p1...p2 din primul parinte in primul  
copil
```

```
c(p1:p2)=x1(p1:p2);
```

```
%determina si copiază in primul copil valorile inca  
necopiate din genele
```

```
%p1..p2 din al doilea parinte
```

```
A=[];
```

```
for i=p1:p2
```

```
    if(~ismember(y1(i),c))
```

```
        A=[A; [y1(i) i]];
```

```
    end;
```

```
end;
```

Implementare (3-2)

```
[p, ~]=size(A);
for i=1:p
    %plaseaza alela A(i,1) din pozitia A(i,2)
    va=A(i,1);pa=A(i,2);
    b=c(pa);
    [~,j]=ismember(b,y1);
    while(c(j))
        b=c(j);
        [~,j]=ismember(b,y1);
    end;
    c(j)=va;
end;
```

```
%copiaza in genele libere din permutarea
copil alelele inca necopiate din
%al doilea parinte, in ordinea in care apar
for i=n:-1:1
    if(~ismember(y1(i),c))
        %calculeaza ultima pozitie libera in c
        [~,j]=ismember(0,c);
        c(j)=y1(i);
    end;
end;
end
```

Implementare (4)

```
function [Copii] = crossover(Pop,pc,D)
[dim,m]=size(Pop);
Copii=Pop;
n=m-1;
% deoarece in populatia de parinti nu exista nici o ordine, pot fi imperechiati parinti succesivi
for t=1:dim/2
    r=unifrnd(0,1);
    % daca r<pc, are loc schimbul genetic
    % altfel, parintii sunt copiatii in populatia de copii
    if(r<pc)
        [x,y]=PMX(Pop(2*t-1,1:n),Pop(2*t,1:n));
        Copii(2*t-1,1:n)=x;
        Copii(2*t-1,n+1)=f_objectiv(x,D);
        Copii(2*t,1:n)=y;
        Copii(2*t,n+1)=f_objectiv(y,D);
    end;
end;
end
```

Implementare (5)

```
function [y] = inversiune(x)
```

```
% mutatia prin inversiune
```

```
n=length(x);
```

```
gata=0;
```

```
while ~gata
```

```
    poz=unidrnd(n, [1 2]);
```

```
    p1=min(poz); p2=max(poz);
```

```
    if(p1<p2)
```

```
        gata=1;
```

```
    end;
```

```
end;
```

```
y=x;
```

```
y(p1:p2)=x(p2:-1:p1);
```

```
end
```



```
function [CopiiM] = mutatie(Pop,pm,D)
```

```
CopiiM=Pop;
```

```
[dim,m]=size(Pop);
```

```
n=m-1;
```

```
for t=1:dim
```

```
    r=unifrnd(0,1);
```

```
    if(r<pm)
```

```
        CopiiM(t,1:n)=inversiune(Pop(t,1:n));
```

```
CopiiM(t,n+1)=f_obiectiv(CopiiM(t,1:n),D);
```

```
    end;
```

```
end;
```

```
end
```


Implementare (6)

```
function [Pop_urm] =elitism(Pop_curenta,Copii )  
%presupunem ca dimensiunea populatiei de copii=dimensiunea populatiei la  
%momentul curent  
[dim,m]=size(Pop_curenta);  
Pop_urm=Copii;  
[val1,i1]=max(Pop_curenta(:,m));  
[val2,~]=max(Copii(:,m));  
if(val1>val2)  
    best=Pop_curenta(i1,:);  
    %este inlocuit un copil aleator  
    ind=unidrnd(dim);  
  
    %disp(['Este inlocuit individul cu indice ' num2str(ind)]);  
    Pop_urm(ind,:)=best;  
end;  
end
```

Implementare (9-1)

```
function [cost,solutie] =GA_TSP(dim,numefis,pc,pm,MAX,NRG)
```

```
% dim - numarul de indivizi din populatie
```

```
% numefis - numele fisierului in care sunt pastrate costurile tranzitiei de la un oras la altul
```

```
% pc - probabilitatea de crossover
```

```
% pm - probabilitatea de mutatie
```

```
% MAX - numarul maxim de iteratii in simularea evolutiei
```

```
% NRG - numarul maxim de generatii consecutive cu proprietatea ca valoarea
```

```
% functiei obiectiv nu este modificata
```

```
% cost - costul celui mai bun drum calculat
```

```
% solutie - configuratia cu costul cel mai bun
```

```
%generarea populatiei initiale
```

```
[Pop,D]=gen_pop_permutari(dim,numefis);
```

```
[n,~]=size(D);
```

```
% n - numarul de orase
```

```
t=0;nrut=0;
```

Implementare (9-2)

```
% V - multimea celor mai bune valori (1/cost) calculate la fiecare generatie
[val,poz]=max(Pop(:,n+1));
V=[val];
% Sol - multimea celor mai buni candidati la solutie, pentru fiecare generatie
Sol=[Pop(poz,1:n)];
while t<MAX && nrit<NRG
    Parinti=SUS(Pop);
    Copii=crossover(Parinti,pc,D);
    CopiiM=mutatie(Copii,pm,D);
    t=t+1;
    PopU=elitism(Pop,CopiiM);
    [valU,pozU]=max(PopU(:,n+1));
    if(valU==val)
        nrit=nrit+1;
    else
        nrit=0;
    end;
    V=[V;valU];
    Sol=[Sol;PopU(pozU,1:n)];
    val=valU;
    Pop=PopU;
end;
```

```
%datorita elitismului, cel mai bun
individ calculat de algoritm este
%regasit in ultima generatie
```

```
cost=1/val;
solutie=Sol(t,:);
disp(['Costul cel mai bun:'
num2str(cost)]);
disp('Solutia cea mai buna');
disp(solutie);
```

```
figure
i=1:t;
plot(i,1./V(i));
axis([0,t+5,0,50]);

end
```

Implementare 10

- Fisiere cu distante

distante.txt

```
0 4 5 3 4 2 2 5 2 4
4 0 4 4 9 6 4 3 4 6
5 4 0 7 9 1 6 2 5 6
3 4 7 0 1 5 6 5 8 3
4 9 9 1 0 7 8 2 5 3
2 6 1 5 7 0 2 6 1 2
2 4 6 6 8 2 0 8 8 1
5 3 2 5 2 6 8 0 4 6
2 4 5 8 5 1 8 4 0 3
4 6 6 3 3 2 1 6 3 0
```

distante1.txt

```
0 4 5 1 4 2 5 5 2
4 0 4 3 1 6 4 8 4
5 4 0 7 9 9 1 3 5
1 3 7 0 5 5 6 7 8
4 1 9 5 0 7 8 2 5
2 6 9 5 7 0 2 6 1
5 4 1 6 8 2 0 8 8
5 8 3 7 2 6 8 0 4
2 4 5 8 5 1 8 4 0
```

distante2.txt

```
0 4 5 1 4 2 5 5 2 4 7 3
4 0 4 3 1 6 4 8 4 5 6 7
5 4 0 7 9 9 1 3 5 2 8 7
1 3 7 0 5 5 6 7 8 3 5 3
4 1 9 5 0 7 8 2 5 2 8 3
2 6 9 5 7 0 2 6 1 2 8 4
5 4 1 6 8 2 0 8 8 5 5 5
5 8 3 7 2 6 8 0 4 5 8 6
2 4 5 8 5 1 8 4 0 3 3 4
4 5 2 3 2 2 5 5 3 0 5 1
7 6 8 5 8 8 5 8 3 5 0 4
3 7 7 3 3 4 5 6 4 1 4 0
```

distante3.txt

```
0 4 5 1 4 2 5 5 2 4 7 3 4 2 3 5 1
4 0 4 3 1 6 4 8 4 5 6 7 3 8 8 2 3
5 4 0 7 9 9 1 3 5 2 8 7 3 2 3 2 3
1 3 7 0 5 5 6 7 8 3 5 3 4 3 4 5 6
4 1 9 5 0 7 8 2 5 2 8 3 2 3 4 3 3
2 6 9 5 7 0 2 6 1 2 8 4 3 5 3 5 5
5 4 1 6 8 2 0 8 8 5 5 5 3 2 3 3 2
5 8 3 7 2 6 8 0 4 5 8 6 4 5 4 6 7
2 4 5 8 5 1 8 4 0 3 3 4 2 1 4 5 4
4 5 2 3 2 2 5 5 3 0 5 1 3 2 2 3 3
7 6 8 5 8 8 5 8 3 5 0 3 4 3 1 4 3
3 7 7 3 3 4 5 6 4 1 3 0 4 3 4 7 8
4 3 3 4 2 3 3 4 2 3 4 4 0 4 3 2 3
2 8 2 3 3 5 2 5 1 2 3 3 4 0 3 4 2
3 8 3 4 4 3 3 4 4 2 1 4 3 3 0 1 7
5 2 2 5 3 5 3 6 5 3 4 7 2 4 1 0 2
1 3 3 6 3 5 2 7 4 3 3 8 3 2 7 2 0
```

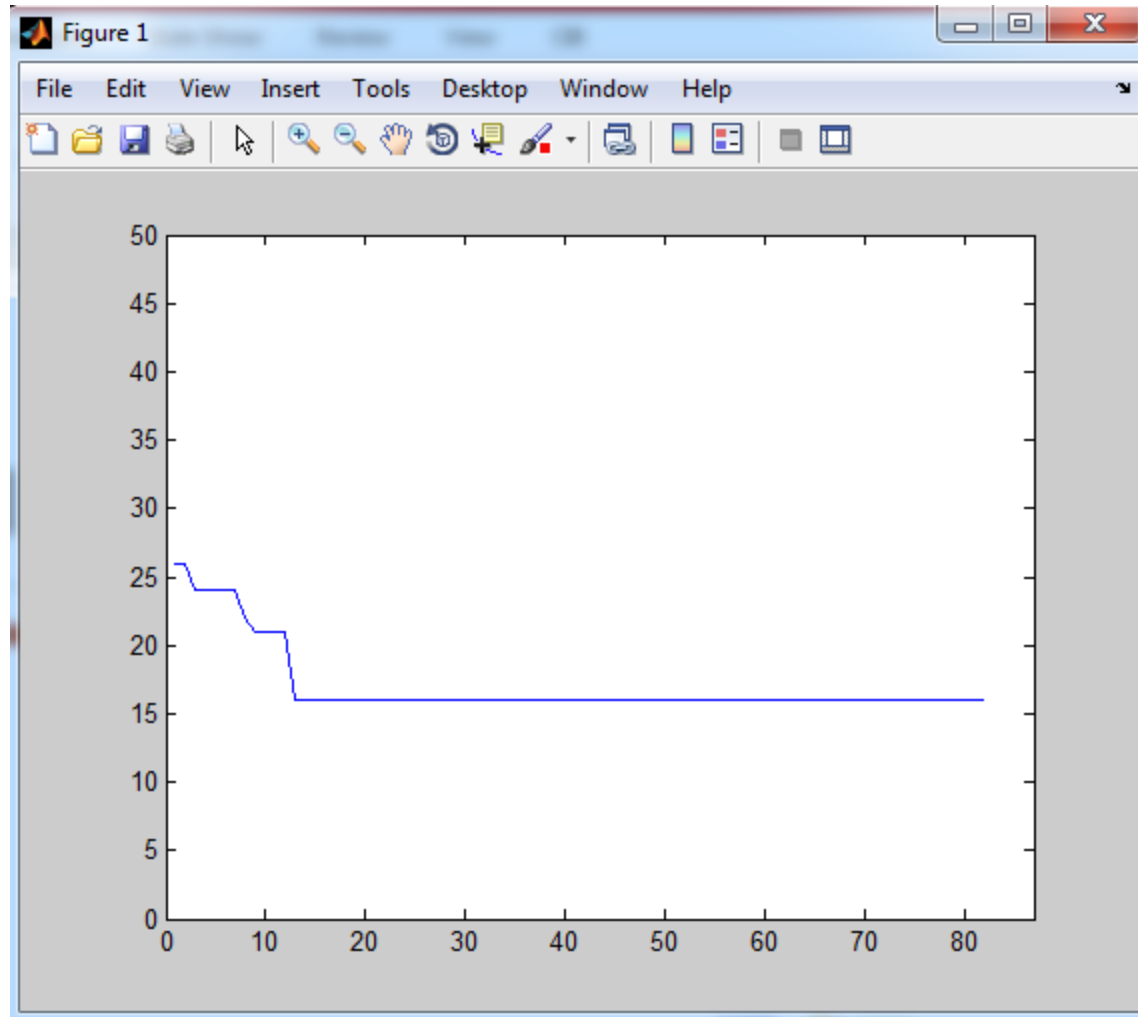
Implementare – exemple de apel si rezultate (script)

- `GA_TSP(100,'distante1.txt',0.6,0.1,700,70);`
% Costul cel mai bun:16 - este chiar costul optim
% Solutia cea mai buna
% 9 1 4 2 5 8 3 7 6
- `% GA_TSP(100,'distante2.txt',0.6,0.1,700,70);`
% Costul cel mai bun:25 - este chiar costul optim
% Solutia cea mai buna
% 6 7 3 8 5 2 4 1 9 11 12 10
- `% GA_TSP(500,'distante3.txt',0.8,0.1,1000,80);`
% Costul cel mai bun:29- este chiar costul optim
% Solutia cea mai buna
% 8 5 2 4 1 17 14 9 6 10 12 11
15 16 13 7 3

```
% GA_TSP(500,'distante3.txt',0.8,0.15,1000,80);  
% Costul cel mai bun:29  
% Solutia cea mai buna  
% 6 9 14 17 1 4 10 12 11 15 16  
13 2 5 8 3 7  
  
% GA_TSP(2000,'distante3.txt',0.8,0.15,1500,100);  
% Costul cel mai bun:29  
% Solutia cea mai buna  
% 1 17 13 16 15 11 12 10 14 9 6  
7 3 8 5 2 4
```

Rezultate

Implementare – rezultat (distanțe1.txt)



Exercitiu

- Creati si alte fisiere pentru distante.
- Rulati modificand dimensiunea populatiei si variind parametrii pm si pc.